Nous essayerons d'expliquer comment la théorie des (φ, Γ)-modules de Fontaine permet de démontrer un certain nombre de résultats conjecturés par Breuil en direction d'une correspondance de Langlands p-adique. La fonction zêta de Kubota-Leopoldt y fait une brève, mais cruciale, apparition.