

Journées MAS 2010, Bordeaux

## Modélisation stochastique sur graphes et statistiques de la propagation d'épidémies

Session organisée par **Jean-Stéphane Dhersin** et **Elisabeta Vergu**

Cette session a pour objet l'approche probabiliste et statistique de l'épidémiologie. Elle se décompose en deux parties :

- la présentation de développements récents de méthodes statistiques pour l'analyse de données épidémiques ;
- celle de l'importance de la prise en compte des réseaux (au travers de graphes, voir par exemple [1]) pour la modélisation stochastique d'évolution d'épidémies.

*Références :*

- [1] R. Durrett. *Random graph dynamics*. Cambridge university press edition, 2007.

*Adresses des organisateurs :*

Jean-Stéphan DHERSIN  
LAGA, Université Paris 13  
Département de Mathématiques  
Institut Galilée  
Université Paris 13  
99, avenue Jean-Baptiste Clement  
F-93430 - Villetaneuse  
E-mail : [dhersin@math.univ-paris13.fr](mailto:dhersin@math.univ-paris13.fr),  
<<http://www.math.univ-paris13.fr/dhersin/>>

Elisabeta VERGU  
Unité de recherche MIA-Jouy  
INRA  
Domaine de Vilvert  
78352 JOUY-EN-JOSAS CEDEX  
E-mail : [Elisabeta.Vergu@jouy.inra.fr](mailto:Elisabeta.Vergu@jouy.inra.fr)

Session : Modélisation stochastique sur graphes

Journées MAS 2010, Bordeaux

Session : Modélisation stochastique sur graphes et statistiques de la propagation d'épidémies

## **Estimation statistique et modélisation des maladies transmissibles**

par **Pierre-Yves Boelle**

Un des domaines d'application de l'épidémiologie théorique est l'étude des maladies transmissibles par le biais de modèles mathématiques. L'utilisation de ces modèles à des fins prédictives, ou en outil de support aux décideurs de santé publique, nécessite que les paramètres inclus dans les modèles soient estimés à partir de données réelles. Dans cette présentation, les quantités classiques et leurs estimateurs seront présentés, ainsi que les approches plus récentes basées sur les statistiques intensives en calcul.

*Adresse :*

Pierre-Yves BOELLE

INSERM UMR-S 707

Faculté de Médecine Saint-Antoine

27 Rue Chaligny

75571 PARIS CEDEX 12

FRANCE

E-mail : pierre-yves.boelle@u707.jussieu.fr

<[http://www.u707.jussieu.fr/www\\_u707//annuaire/home\\_u444/boelle\\_p/](http://www.u707.jussieu.fr/www_u707//annuaire/home_u444/boelle_p/)>

Session : Modélisation stochastique sur graphes

Journées MAS 2010, Bordeaux

Session : Modélisation stochastique sur graphes et statistiques de la propagation d'épidémies

## **Propagation d'épidémies et risque d'extinction stochastique**

par **Anton Camacho**

Dans les modèles stochastiques de propagation d'épidémies, il faut distinguer d'une part le régime transitoire qui décrit l'invasion et le maintien de l'agent infectieux dans la population, et d'autre part le régime stationnaire qui est caractérisé par des fluctuations de l'équilibre endémique. La dynamique de la probabilité d'extinction au temps  $t$  permet d'étudier l'existence de l'équilibre endémique stationnaire et donc de déterminer le risque que l'agent infectieux s'établisse durablement dans la population. Cette étude se fait généralement via des simulations de type Monte-Carlo nécessitant un grand nombre de répliquions et donc très coûteuses en temps de calcul. Dans cet exposé, nous nous intéresserons aux différentes approximations en grande population qui se proposent de remplacer ces simulations (les méthodes de clôture des moments, l'approximation de van Kampen, l'approximation par diffusion). Nous verrons dans quelle mesure elles permettent d'évaluer rapidement le risque d'extinction stochastique tout au long de la propagation de l'épidémie et donc de caractériser le passage de l'invasion à la persistance de l'agent infectieux.

*Adresse :*

Anton CAMACHO

CNRS UMR 7625 Ecologie et Evolution

Equipe Eco-Evolution Mathématique

ENS

46 rue d'Ulm

75230 Paris Cedex 05

FRANCE

E-mail : [camacho@biologie.ens.fr](mailto:camacho@biologie.ens.fr)

<<http://www.biologie.ens.fr/eceem/spip.php?article135>>

Session : Modélisation stochastique sur graphes

Journées MAS 2010, Bordeaux

Session : Modélisation stochastique sur graphes et statistiques de la propagation d'épidémies

## **Limite en grand graphe d'un processus SIR décrivant la propagation d'une épidémie sur un réseau**

par Pascal Moyal, Laurent Decreusefond, Jean-Stéphane Dhersin et **Viet Chi Tran**

Nous considérons un modèle SIR décrivant la propagation d'une épidémie sur un graphe de configuration. Dans ces graphes, la distribution des degrés est donnée et les sommets sont appariés aléatoirement. Nous montrons que l'épidémie peut être résumée par trois équations à valeurs mesures, décrivant les distributions de degrés des susceptibles ainsi que les distributions des connexions entre infectieux ou retirés et susceptibles. La limite en grands graphes est considérée. En corollaire, nous prouvons de façon rigoureuse les équations obtenues par Volz (2008) qui modélisent de façon synthétique l'évolution de l'épidémie.

*Adresses :*

Pascal MOYAL  
Laboratoire de Mathématiques Appliquées de Compiègne  
Université de Technologie de Compiègne  
Département Génie Informatique  
Centre de Recherches de Royallieu  
BP 20 529  
60 205 COMPIEGNE Cedex  
FRANCE  
E-mail : [pascal.moyal@utc.fr](mailto:pascal.moyal@utc.fr)  
<<http://www.lmac.utc.fr/~moyalpas/>>

Laurent DECREUSEFOND  
Institut Telecom  
Telecom ParisTech  
CNRS LTCI  
46 rue Barrault  
75634 Paris Cedex 13  
FRANCE  
E-mail : [Laurent.Decreusefond@telecom-paristech.fr](mailto:Laurent.Decreusefond@telecom-paristech.fr)  
<<http://www.infres.enst.fr/~decreuse>>

Session : Modélisation stochastique sur graphes

Journées MAS 2010, Bordeaux

Jean-Stéphane DHERSIN  
LAGA, Université Paris 13  
Département de Mathématiques  
Institut Galilée  
Université Paris 13 99, avenue Jean-Baptiste Clement  
F-93430 - Villetaneuse  
FRANCE  
E-mail : [dhersin@math.univ-paris13.fr](mailto:dhersin@math.univ-paris13.fr)  
<<http://www.math.univ-paris13.fr/~dhersin/>>

Viet Chi TRAN  
Laboratoire Paul Painlevé - UMR CNRS 8524  
Université des Sciences et Technologies de Lille  
Bureau 316, Bat M3  
59 655 Villeneuve d'Ascq Cedex  
FRANCE  
E-mail : [chi.tran@math.univ-lille1.fr](mailto:chi.tran@math.univ-lille1.fr)  
<<http://math.univ-lille1.fr/~tran/>>

Session : Modélisation stochastique sur graphes

Journées MAS 2010, Bordeaux

Session : Modélisation stochastique sur graphes et statistiques de la propagation d'épidémies

## **Diffusions et cascades dans les graphes aléatoires**

par **Marc Lelarge**

Motivé par la modélisation de diffusions de virus ou d'épidémies (avec une possible coordination parmi les agents), nous introduisons un modèle de diffusion qui généralise à la fois le processus de contact et la percolation 'bootstrap'. Nous analysons ce processus sur des graphes aléatoires dilués. Ceci nous permet de retrouver des résultats connus (taille de la composante géante, seuil de percolation) et nouveaux (condition de cascade). En particulier, nous étudions différentes vaccinations possibles des agents (qui ne demandent pas une connaissance a priori du graphe d'interaction) et nous quantifions leur efficacité. Les preuves reposent sur des idées de couplages développées récemment par Janson et Luczak.

*Adresse :*

Marc LELARGE

INRIA

23, avenue d'Italie

CS 81321

75214 Paris Cedex 13

FRANCE

E-mail : [marc.lelarge@ens.fr](mailto:marc.lelarge@ens.fr)

<<http://www.di.ens.fr/~lelarge/>>

Session : Modélisation stochastique sur graphes