

# La Dissémination De Données

TIPE

# Plan

- Présentation de la dissémination de données
- Résultats théoriques
- Présentation des algorithmes d'ordonnancement
- Résultats pratiques: un programme simulant un serveur Internet

# Présentation de la dissémination de données

# Intérêt de la dissémination?

- Environnements asymétriques
- Intérêt pour Internet:
  - Diminuer la bande passante
  - Alléger le serveur
  - SURTOUT: diminuer le temps d'attente des clients

# Fonctionnement

- Approche habituelle:
  - Traitement au cas par cas
  - On sert le premier client de la liste d'attente
- Dissémination de données:
  - Diffusion de l'information dans un canal
  - On ne se préoccupe pas des clients actuellement connectés

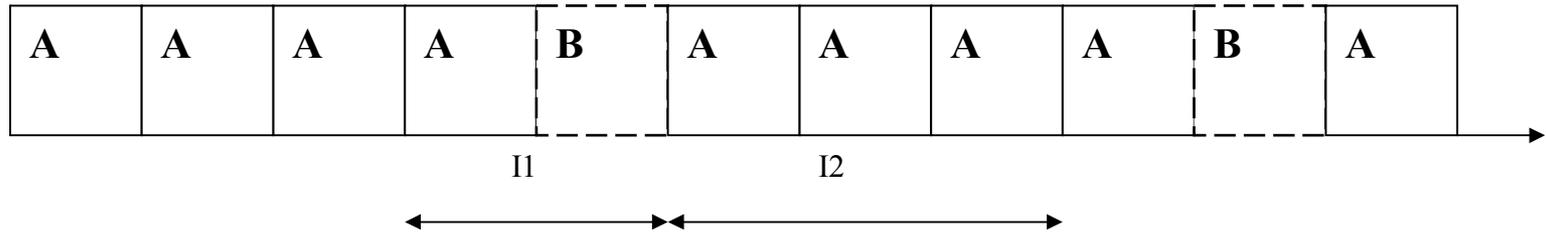
# Un exemple pour comprendre

On a deux messages A et B à diffuser.

A est quatre fois plus populaire que B

Comment minimiser le temps d'attente des clients?

# Diffuser A quatre fois plus que B

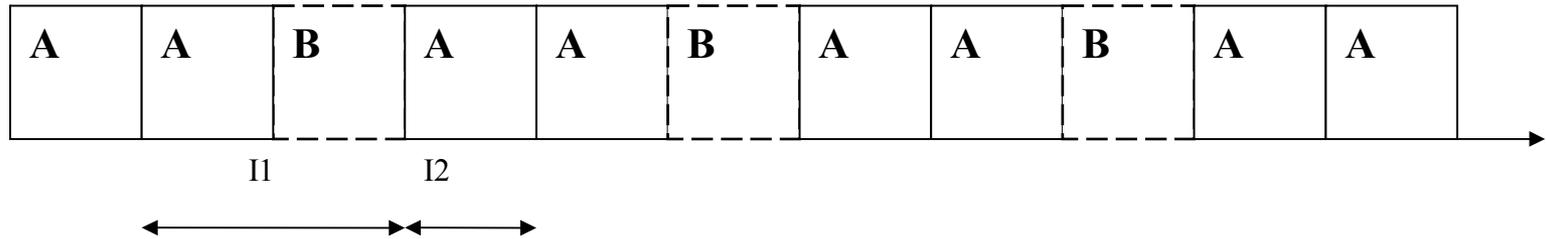


$$TS(B)=1+5/2=3.5$$

$$TS(A)=1+(3/5*0.5)+(2/5*1)=1.7$$

Temps d'attente moyen: 2.06 secondes

# Diffuser A deux fois plus que B



$$TS(B) = 1 + 3/2 = 2.5$$

$$TS(A) = 1 + (2/3 * 1) + (1/3 * 0.5) = 1.83$$

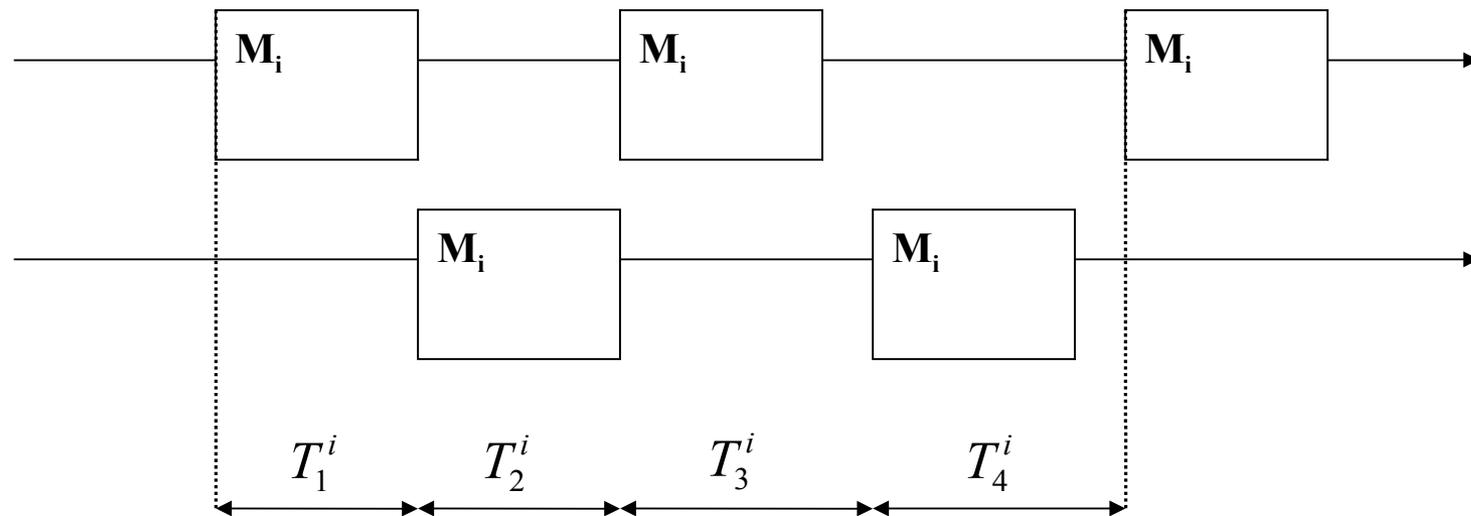
Temps d'attente moyen: 1.97 secondes

# Résultats théoriques

# Formalisation du problème

- $m$  messages  $M_1, M_m$ , de mêmes longueurs à diffuser
- On dispose de  $W$  canaux de diffusion.
- Chaque message  $M_i$  a une popularité de  $p_i$ .

# Définition d'un ordonnancement périodique



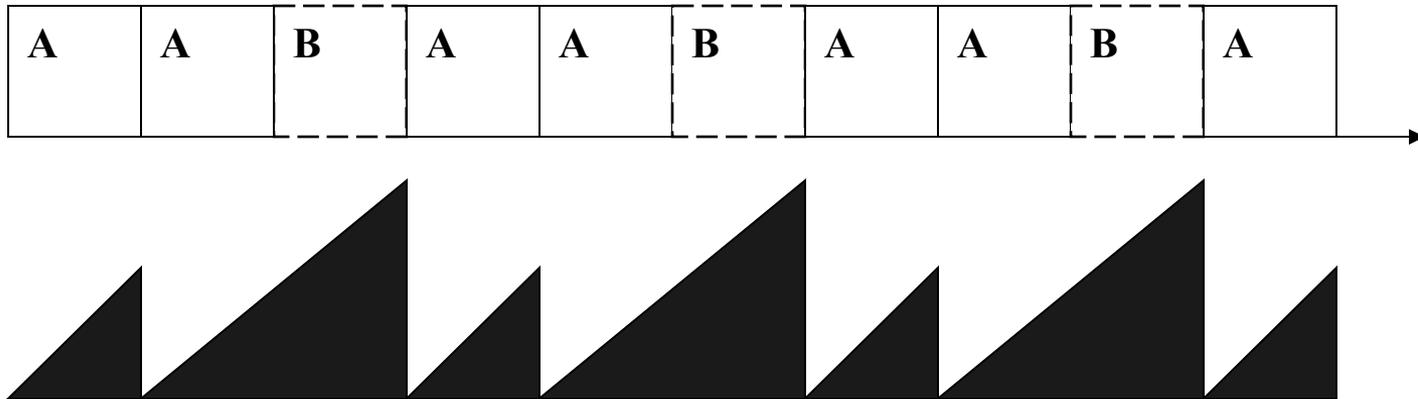
- $n_i$  est le nombre de diffusions de  $M_i$  dans la période.
- $T_j^i$  est l'intervalle de temps qui sépare les débuts de la  $(j-1)$ <sup>ième</sup> et la  $j$ <sup>ième</sup> diffusion de  $M_i$ .

# Calcul du temps d'attente moyen

Le temps d'attente moyen TS d'un ordonnancement de période T est

$$1 + \frac{1}{2T} \sum_{i=1}^m p_i \sum_{j=1}^{n_i} (T_j^i)^2$$

# Représentation graphique du temps d'attente



# Un minorant du temps de service

Soit

$$Min1 = \min\left(1 + \sum_{i=1}^m \left(\frac{p_i \tau_i}{2}\right)\right) \quad \text{sur le domaine} \begin{cases} \forall i \tau_i \geq 1 \\ \sum_{i=1}^m \frac{1}{\tau_i} \leq W \end{cases}$$

- $Min1$  est un minorant de tout ordonnancement périodique
- Il est atteint pour un unique  $\tau^*$ .
- Un ordonnancement périodique  $S$  a un coût égal à ce minorant ssi il diffuse  $M_i$  tous les  $\tau_i^*$ .

# Calcul du minorant

- Le minorant est atteint pour  $\tau_i' = \frac{K}{\sqrt{p_i}}$

Où 
$$K = \sum_{i=1}^m \frac{\sqrt{p_i}}{W}$$

- Le minorant vaut donc  $1 + \left( \sum_{i=1}^m \sqrt{p_i} \right)^2 / 2W$

# Complexité

- Le problème de l'ordonnancement de  $m$  messages avec coûts de diffusion sur  $W$  canaux est NP-difficile (réduction du problème de coloriage des graphes).
- Le problème reste ouvert si on enlève les coûts de diffusion

# Présentation des algorithmes

# Algorithme aléatoire

- On diffuse le message  $M_i$  avec une probabilité proportionnelle à  $1/\sqrt{p_i}$
- Le temps d'attente est de  $1/2 + \left(\sum_{i=1}^m \sqrt{p_i}\right)^2 / W$
- On obtient donc une 2-approximation

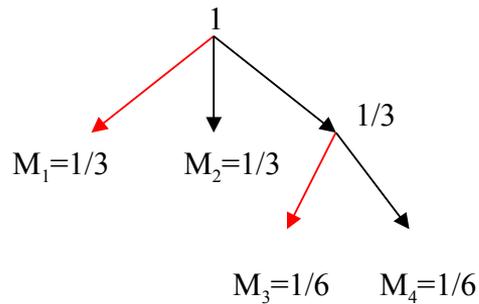
# Algorithme glouton

- Soit  $\sigma_i$  le temps qui s'est écoulé depuis le début de la dernière diffusion du message  $M_i$
- Le glouton diffuse le message  $M_i$  tel que  $p_i \sigma_i \tau_i^*$  est maximal
- Donne toujours de meilleurs résultats que l'algorithme aléatoire

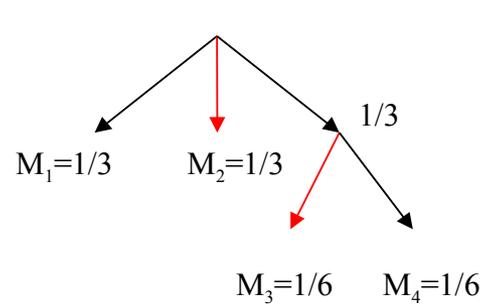
# Algorithme basé sur le nombre d'or

- $\varphi = \frac{1+\sqrt{5}}{2}$  est l'irrationnel dont les multiples modulo 1 découpent  $[0,1]$  le plus uniformément possible
- Ceci permet de construire un ordonnancement respectant les fréquences de diffusion en  $1/W\tau_i^*$
- C'est une 9/8-approximation

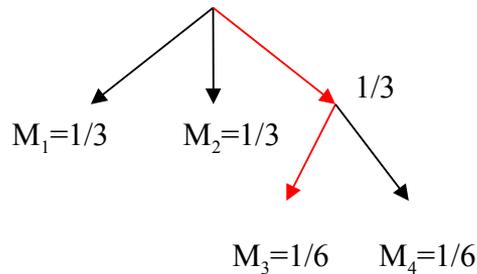
# Algorithme basé sur un arbre



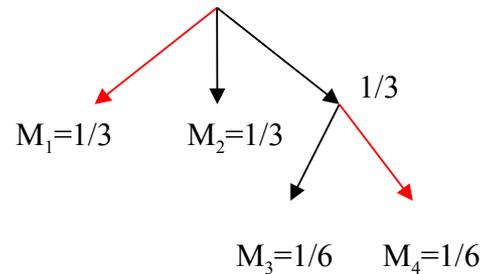
1) On diffuse  $M_1$



2) On diffuse  $M_2$



3) On diffuse  $M_3$



4) On diffuse  $M_1 \dots$

# Résultats expérimentaux

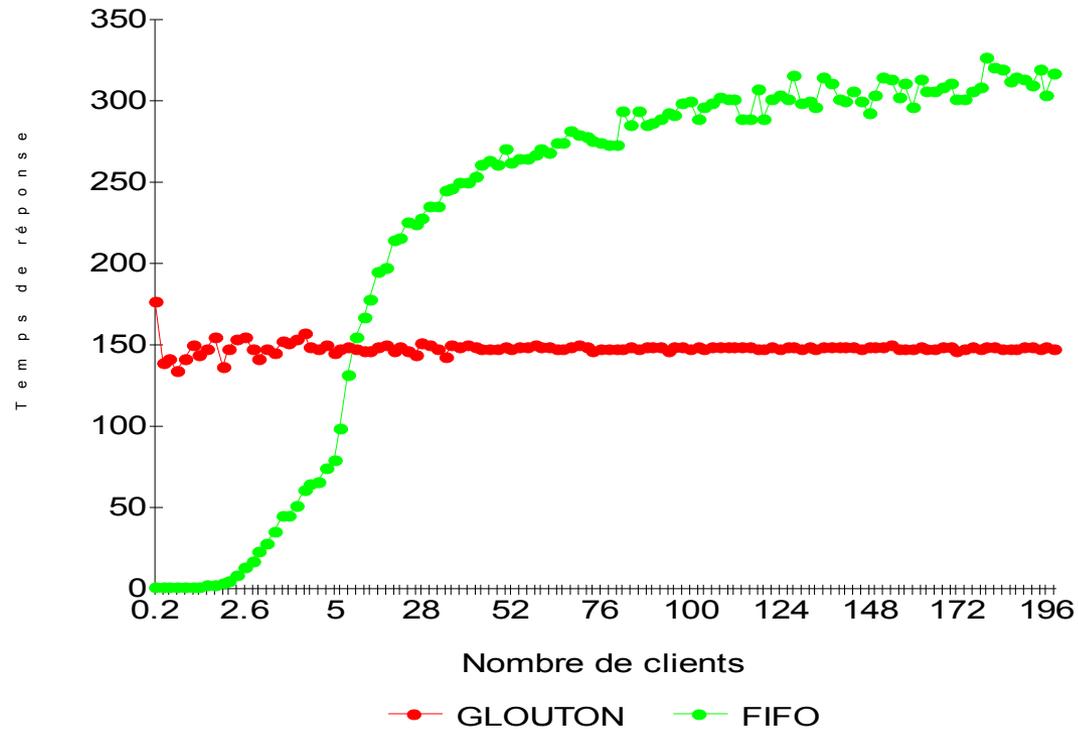
Un programme simulant un serveur  
utilisant les algorithmes de  
dissémination

# Description du programme

- Calcul du minorant et des fréquences idéales
- Implémentation des algorithmes précédents
- Simulation de clients se connectant à un serveur diffusant les messages suivant un des algorithmes précédents

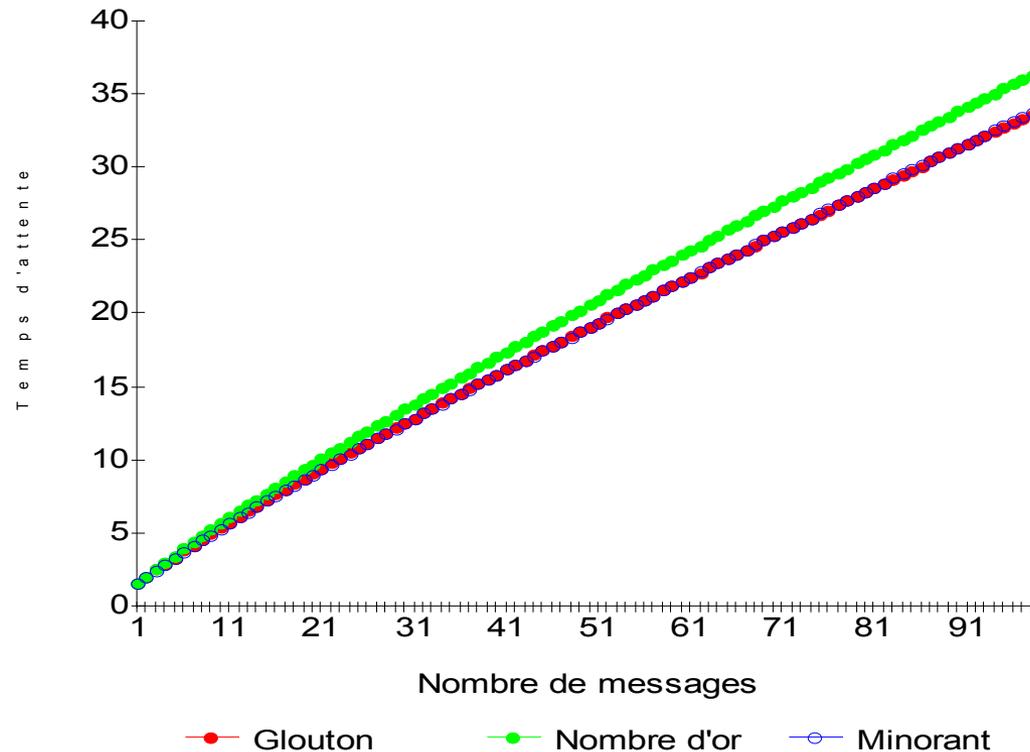
# Comparaison: méthode habituelle contre dissémination

**GLOUTON / FIFO**



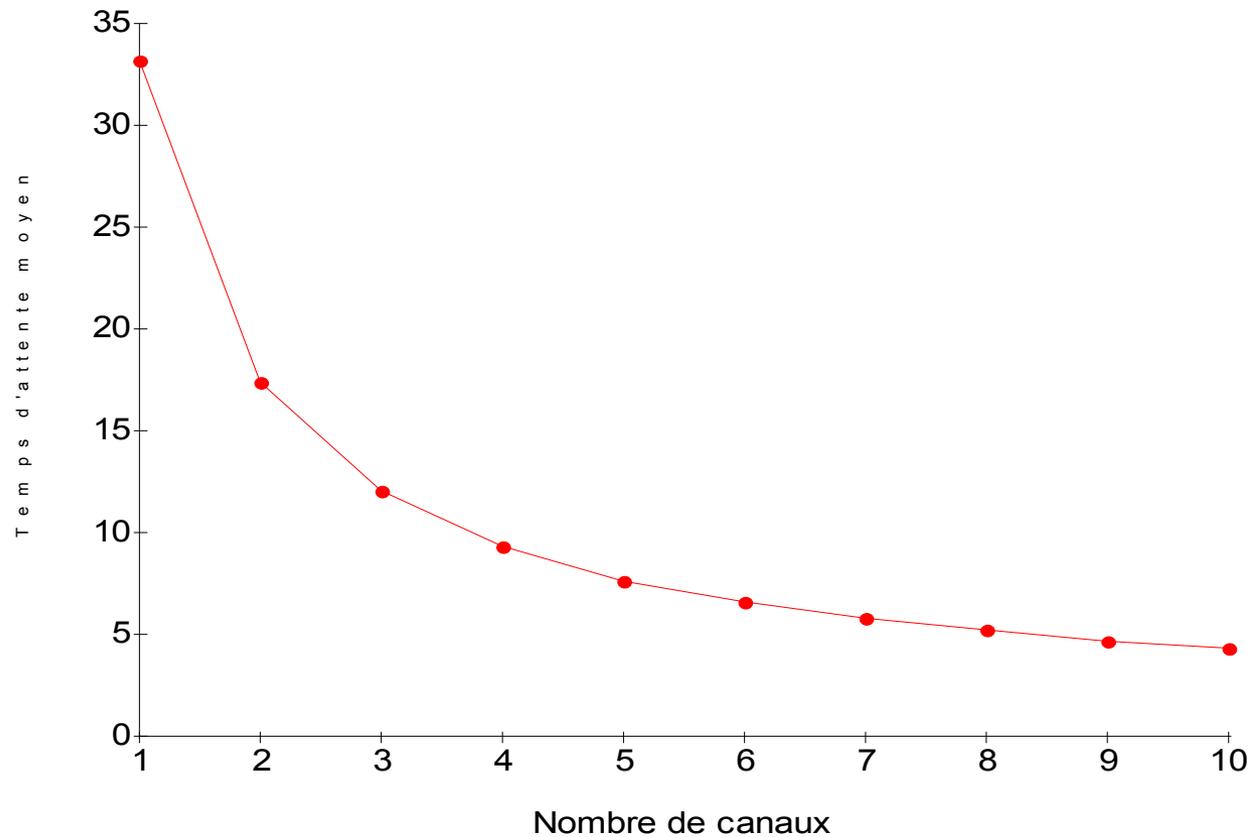
# Comparaison des algorithmes de dissémination entre eux

**Glouton / Nombre d'or**  
La popularité suit la loi de ZIPF



# Variation du temps d'attente en fonction du nombre de canaux

Temps d'attente / Nombre de canaux



# Conclusion

# Résumé du travail

- Etude théorique partielle
- Validation expérimentale, avantages de la dissémination de données:
  - Diminuer la bande passante
  - Alléger le serveur
  - Diminuer le temps de service

# Perspectives-Mise en place pratique

- Diffuser les messages les plus populaires par ce biais, les autres de la manière habituelle
- Problèmes de mise en place:
  - Comment créer un tel canal de diffusion?
  - Comment connaître la popularité des messages
- La solution: un programme dynamique