Comprendre la dynamique et la diversité du phytoplancton

Frédéric Barraquand, Coralie Picoche

Institut de Mathématiques de Bordeaux

8 Octobre 2019

frederic.barraquand@u-bordeaux.fr





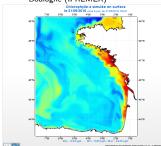


1 - Qu'est-ce qui génère les efflorescences ou "blooms"?

- Croissance exponentielle de la biomasse sur des surfaces importantes (ha à km² et plus)
- Des raisons toujours débattues
- Importance pour l'écologie : pompe à carbone, eutrophisation, toxines et intoxications (alimentaires) induites...



Phaeocystis globosa blooming in Boulogne (IFREMER)



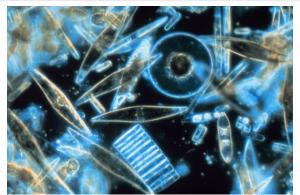
Chlorophyll a in the North Atlantic (May 21st, 2016, PREVIMER)

2 - Qu'est-ce qui maintient la diversité du plancton?

The paradox of the plankton

[...] how it is possible for a number of species to coexist in a relatively isotropic or unstructured environment all competing for the same sorts of materials.

— Hutchinson, 1961



Blooms : les "marées rouges" – red tides



Bloom de Karenia Brevis, Floride. Credit: NOAA.



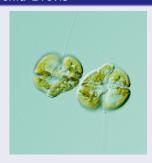
Deux protagonistes et leur histoire

Lawrence Basil Slobodkin



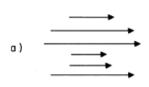
Tout juste sorti de thèse, écologue intéressé par la modélisation du vivant, autour de 1950.

Karenia Brevis



Entre 20 et 40 μ m, 2 flagelles. Credit: FWC Fish and Wildlife Research Institute.

Préambule : la diffusion comme modèle de mouvement





a) flux laminaire; b) flux turbulent

Approximation diffusive – mouvement aléatoire des particules

$$\frac{\partial p}{\partial t} = D \frac{\partial^2 p}{\partial x^2} \tag{1}$$

pour une densité d'organismes p(x, t) dans l'eau. Approxime :

- La turbulence du fluide
- Le comportement actif des organismes
- Réorientation après chocs (mouvement Brownien original)

Observations et conjectures

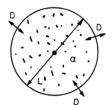


FIGURE 9.2. A water mass within which phytoplankton grow and diffusion takes place: α : growth rate; D: diffusivity; L: size of water mass.

Tiré de Okubo and Levin – Diffusion and Ecological Problems: Modern Perspectives (2001)

- ∃ Taille minimale des "red tides"
- Probablement associées aux masses d'eau de faible salinité (NB masses d'eau = $f(température, salinité) \rightarrow densité$)

The size of water masses containing plankton blooms

Kierstad and Slobodkin, Journal of Marine Research, 1953. Adapté de Okubo & Levin 2001.

$$\frac{\partial S}{\partial t} = D \frac{\partial^2 S}{\partial x^2} + rS \tag{2}$$

avec

- S(x, t) = 0 pour x < 0 et x > L
- S(x,0) = f(x) > 0 sauf aux bornes

qui a pour solution

$$S(x,t) = A_n \sum_{n=1}^{\infty} \sin\left(\frac{n\pi x}{L}\right) \exp\left(\left(r - Dn^2\pi^2/L^2\right)t\right)$$
 (3)

avec
$$A_n = \frac{2}{L} \int_0^L f(x) \sin(\frac{n\pi x}{L}) dx$$
.



The size of water masses containing plankton blooms

De ce modèle on déduit

$$L_c = \pi \sqrt{\frac{D}{r}} \tag{4}$$

et en 2 dimensions

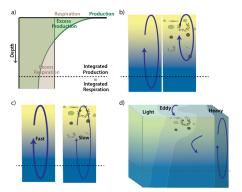
$$R_c = 2.4048\sqrt{\frac{D}{r}}\tag{5}$$

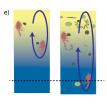
- L_c Longeur et R_c rayon critique
- D diffusivité horizontale
- r taux de croissance per capita



En réalité, c'est plus compliqué...

- Distribution verticale
- Démographie complexe des espèces toxiques
- Prédateurs, parasites, etc.





Fischer et al., 2014. Sixty years of Sverdrup: A retrospective of progress in the study of phytoplankton blooms. Oceanography.

Modèle de distribution verticale (s = profondeur)

$$\frac{\partial \omega}{\partial t}(s,t) = (\rho(I(s,t)) - I_d)\omega(s,t) + \nu \frac{\partial \omega}{\partial s}(s,t) + D \frac{\partial^2 \omega}{\partial^2 s}(s,t)
I(s,t) = I_0 \exp\left\{-\int_0^{z_{max}} k\omega(\sigma,t)d\sigma - K_{bg}z_{max}\right\}
\nu\omega(s,t) + D \frac{\partial \omega}{\partial s}(s,t) = 0 \quad \forall t,s \in \{0, z_{max}\}$$
(6)

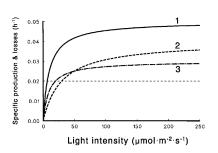
- ω(s, t) plankton abundance
- p(I(s,t)) production related to light intensity
- I_d mortality and sinking loss
- lacksquare ν laminar flow (advection)
- D diffusion (turbulence)
- k light interception
- K_{bg} background turbidity



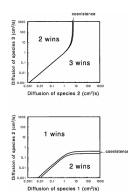
Huisman & Weissing: compétition pour la lumière

$$\frac{\partial \omega_{\mathbf{i}}}{\partial t}(s,t) = (p_{\mathbf{i}}(I(s,t)) - I_{\mathbf{i},d})\omega_{\mathbf{i}}(s,t) + \frac{dD_{\mathbf{i}}}{ds}(s)\frac{\partial \omega_{\mathbf{i}}}{\partial s}(s,t) + D_{\mathbf{i}}(s)\frac{\partial^{2}\omega_{\mathbf{i}}}{\partial^{2}s}(s,t)$$

Réponses à la lumière espèce-spécifique



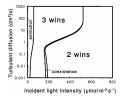
Huisman & Weissing, 1999. Species and dynamics in Phytoplankton Blooms: Incomplete Mixing and Competition for Light. The American Naturalist.

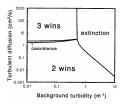


Huisman & Weissing: compétition pour la lumière

$$\frac{\partial \omega_{\mathbf{i}}}{\partial t}(s,t) = (p_{\mathbf{i}}(I(s,t)) - I_{\mathbf{i},d})\omega_{\mathbf{i}}(s,t) + \frac{dD_{\mathbf{i}}}{ds}(s)\frac{\partial \omega_{\mathbf{i}}}{\partial s}(s,t) + D_{\mathbf{i}}(s)\frac{\partial^{2}\omega_{\mathbf{i}}}{\partial^{2}s}(s,t)$$

Effet de l'environnement

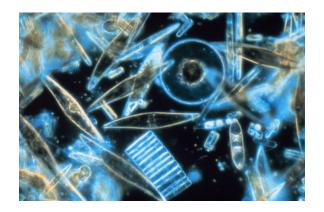






 $Huisman \ \& \ Weissing, 1999. \ Species \ and \ dynamics \ in \ Phytoplankton \ Blooms: \ Incomplete \ Mixing \ and \ Competition \ for \ Light. \ The \ American \ Naturalist.$

2 - Qu'est-ce qui maintient la diversité du plancton?



Coexistence à petite échelle spatiale, e.g. dans les mêmes 10 mL.



La coexistence dans des modèles de Lotka-Volterra (1926)

$$\frac{dN_i}{dt} = r_i N_i - \sum_{j=1}^n \alpha_{ij} N_j N_i \tag{7}$$

- $N_i > 0$, $N_j > 0$ si $\alpha_{ii} > \alpha_{ij}$ (et vice versa) pour n = 2
- $\alpha_{ii} >> \alpha_{ij}$ pour n grand (Barabas et al. American Naturalist 2016)

 $\alpha_{ii} >> \alpha_{ij}$ traduit le fait que les espèces ne rentrent pas beaucoup en compétition parce qu'elles ont des

- Ressources (nutriments, lumières) différentes
- Prédateurs différents
- Habitats différents



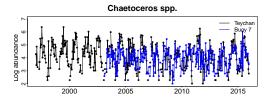
Théorie neutre de la biodiversité (2000) - espèces indistinguables (à un même niveau trophique)



Si les espèces sont *indistinguables*, $\alpha_{ii} = \alpha_{ij}$ par définition.



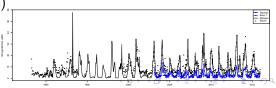
Test des mécanismes de coexistence sur données réelles



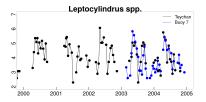
- 1987 à maintenant
- Deux sites tous les 15 jours
- >300 taxa (\approx espèces)
- Variables "environnementales"



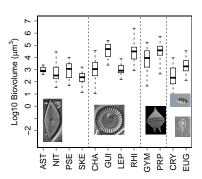




Simplification du système phytoplancton



- >300 taxa \rightarrow 12 groupes au niveau genre
- Généralement la même taille
- Compétiteurs possible



Hypothèses des modèles Lotka-Volterra

$$\frac{dN_i}{dt} = r_i N_i - \sum_{j=1}^n \alpha_{ij} N_j N_i \tag{8}$$

Effet linéaire des densités sur les taux de croissance par individu

$$\frac{1}{N_i}\frac{dN_i}{dt} = r_i - \sum_{j=1}^n \alpha_{ij}N_j \tag{9}$$

Modèles alternatifs

Effet nonlinéaire g(N)

$$\frac{1}{N_i}\frac{dN_i}{dt} = r_i - \sum_{j=1}^n \alpha_{ij}g(N_j)$$
 (10)

Log

$$\frac{1}{N_i}\frac{dN_i}{dt} = r_i - \sum_{j=1}^n \alpha_{ij} \ln(N_j)$$
 (11)

Astuce

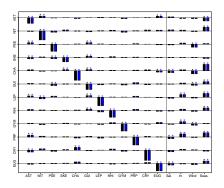
$$\frac{d\ln(N_i)}{dt} = r_i - \sum_{i=1}^n \alpha_{ij} \ln(N_j)$$
 (12)

et finalement avec x = ln(N)

$$\frac{dx_i}{dt} = r_i - \sum_{j=1}^n \alpha_{ij} x_j \tag{13}$$

Modèles autorégressifs multivariés (statistiques)

$$\mathbf{x}_{t} = (x_{i,t})_{i=1,...,12}, \mathbf{x}_{t+1} = \mathbf{x}_{t} + \mathbf{A}\mathbf{x}_{t} + \mathbf{C}\mathbf{u}_{t} + \mathbf{e}_{t}, \mathbf{e}_{t} \sim \mathcal{N}_{12}(\mathbf{0}, \mathbf{\Sigma})$$
(14)

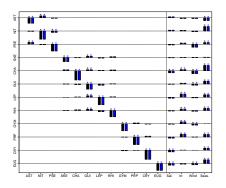


A à gauche, **C** à droite; \mathbf{u}_t environnement (lumière, vent, ...).



Modèles autorégressifs multivariés (statistiques)

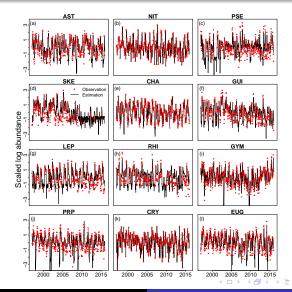
$$\mathbf{x}_{t} = (x_{i,t})_{i=1,...,12}, \mathbf{x}_{t+1} = \mathbf{x}_{t} + \mathbf{A}\mathbf{x}_{t} + \mathbf{C}\mathbf{u}_{t} + \mathbf{e}_{t}, \mathbf{e}_{t} \sim \mathcal{N}_{12}(\mathbf{0}, \mathbf{\Sigma})$$
(14)



A à gauche, **C** à droite; \mathbf{u}_t environnement (lumière, vent, ...).



Séries temporelles (rouge : données, noir : prédictions)



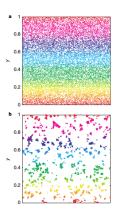
Causes possibles de la coexistence

Théorie classique (\approx Lotka-Volterra) largement confirmée (sur ce jeu de données, Barraquand et al. Oikos 2018); théorie neutre largement infirmée.

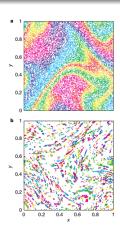
Raisons pour laquelle la compétition intra-espèce est supérieure:

- Ressources (nutriments, lumière) différentes
- Prédateurs (zooplancton, virus). NB env. visqueux.
- Habitats → Ségrégation spatiale (dans un milieu turbulent à l'échelle du mm au cm?)

Structuration spatiale à fine échelle liée à la reproduction?



Pas de mouvement du fluide Young et al. Nature 2001



Avec mouvement turbulent