

Séminaire des doctorants en Théorie des Nombres
"Jouve-Pazuki"

Espace de Berkovich et courbes elliptiques
Thibaud Lemanissier

En cherchant à montrer des résultats analogues à ceux de l'uniformisation des courbes elliptiques complexes dans le cadre non-archimédien, John Tate a été amené à chercher un cadre raisonnable de géométrie sur de tel corps possédant des propriétés similaire à la géométrie analytique complexe. Il en pose les bases dans un papier écrit en 1961, on appel cette théorie la géométrie rigide.

Après un bref panorama des différentes théories qui permettent de faire de la géométrie analytique, nous allons introduire les espaces de Berkovich en essayant de comprendre quelques-unes de leurs propriétés, notamment topologiques. Cela en gardant à l'esprit ce problème d'uniformiser les courbes elliptiques.